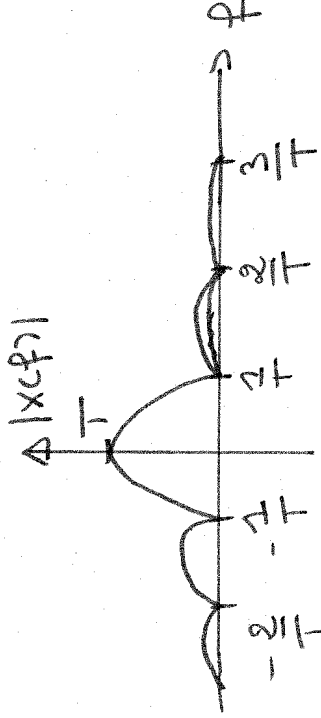


Correction

$$x(t) = \text{rect}\left(\frac{t-t_0}{T}\right)$$

$$\textcircled{1} X(f) = \text{TF}(x(t)) = e^{-2\pi j f t_0} \text{TF}\left(\text{rect}\left(\frac{t}{T}\right)\right) = T e^{-2\pi j f t_0} \text{sinc } fT$$

$\textcircled{2}$

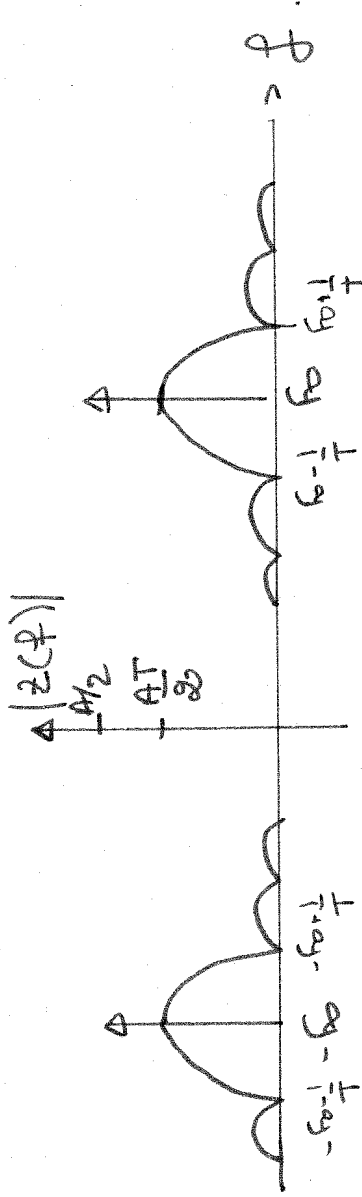


$$\textcircled{3} \rightarrow \text{TF}(z(t)) = \frac{A}{2} (\delta(f-f_0) + \delta(f+f_0)) = Z(f)$$

$$\rightarrow \text{TF}(y(t)) = Y(f) = \text{TF}(x(t)) * \text{TF}(z(t))$$

$$= \frac{AT}{2} e^{-2\pi j f t_0} \left\{ \delta(f-f_0) * \text{sinc } fT + \frac{AT}{2} e^{-2\pi j (f+f_0) t_0} \delta(f+f_0) * \text{sinc } fT \right\}$$

$$Y(f) = \frac{AT}{2} e^{-2\pi j (f-f_0) t_0} \text{sinc}(f-f_0)T + \frac{AT}{2} e^{-2\pi j (f+f_0) t_0} \text{sinc}(f+f_0)T$$



$\textcircled{4} \rightarrow$  le fait de transporter le signal  $x(t)$  autour de  $f_0$  revient en le multipliant par  $z(t)$  revient à déplacer le spectre de  $X(f)$  autour de  $f_0$  et  $-f_0$  (fréquence centrale)